

ເພື່ອ ອຸອາຈານ ຢູ່ປະເທດລາວ

## ການຄົ້ນຄ້ວາສຶກສາ ວິຊາຄະນິດສາດ

JOCV23-1 • ອຸອາຈານ ທ່ານ. ສີໄຮະຊີ ອະໄລ

30 / 10 / 2012

『 5ລຳດັບຂອງວິທີສອນການບວກເພື່ອໃຫ້ມີຄວາມສາມາດຄິດໄລ່ພື້ນຖານດີຂັ້ນ. 』

ຄໍາຖາມ : ສຳລັບນັກຮຽນ, ຮູບແບບໄດ້ແມ່ນງ່າຍທີ່ສຸດຢູ່ໃນຮູບແບບການບວກລຸ່ມນີ້? ແລະ ຮູບແບບໄດ້ຍາກທີ່ສຸດ?

ຈົ່ງສັງເກດຮູບແບບລຸ່ມນີ້ຈັດລູນຮູບແບບແຕ່ຄິດໄລ່ແຕ່ງໆຍ້າຍຫາຄິດໄລ່ຍ່າກ.

A.  $5+2=$ .....  
B.  $2+3=$ .....  
C.  $8+4=$ .....  
D.  $10+2=$ .....

E.  $1+3=$ .....  
F.  $4+3=$ .....  
G.  $6+4=$ .....

ງ່າຍກ່ວາ ..... → ..... → ..... → ..... → ..... → ..... ຍາກກ່ວາ

ຄໍາຕອບ: E→B→A→F→D→G→C .

### ຄວາມຄິດພື້ນຖານຂອງການບວກແມ່ນ 「ການເຮັດໝວດທີ່ຄົບ5」

1. ລຳດັບທີ່ໜຶ່ງ 「ຮູບແບບປະສົມທີ່ຜົນບວກເປັນ  $2 \cdot 3 \cdot 4 \cdots \square + \triangle = 4$  」

ໃນການສອນຂອງການບວກ, ສູ້ຕ້ອງໃຫ້ນັກຮຽນສາມາດຮູ້ 「ການປະກອບແລະການກະຈາຍຂອງຈຳນວນ  $2 \cdot 3 \cdot 4$  」. ເພື່ອໃຫ້ນັກຮຽນສາມາດມີຄວາມສາມາດເຂົ້າໃຈ, ວິທີການ2ຂັ້ນຕອນຂອງການຮຽນ-ການສອນທີ່ມີການໂຄງການແລະຄວາມພົວພັນກັນດັ່ງລຸ່ມນີ້.

①  $1+3=4$

$1+1=2$ 、 $1+2=3$ 、 $1+3=4$ 、 $2+1=3$ 、 $2+2=4$ 、 $3+1=4$

ຈຸດໝາຍທີ່ສຳຄັນແມ່ນໃຫ້ນັກຮຽນສາມາດເຂົ້າໃຈກໍາລັງສັງເກດພົວພັນກັບຈຳນວນແລະມີຈິນຕະນາການຂອງຈຳນວນໄດ້ນຳໃຊ້ຕົວຈິງຫຼືອຸປະກອນເປັນຮູບພາບ, ບໍ່ໃຫ້ນັກຮຽນຈີ່ສັນຍາລັກຊື່ງ. ແລ້ວໃຫ້ນັກຮຽນສາມາດໄດ້ຄວາມເຂົ້າໃຈ 「ການປະກອບຂອງຈຳນວນ  $2 \cdot 3 \cdot 4$  」.

②  $4=\square+\triangle$

$4=3+\triangle \rightarrow 4=\square+1 \rightarrow 4=\square+\triangle$

ຫຼັງຈາກນັກຮຽນສາມາດຮູ້ການປະກອບຂອງຈຳນວນ  $2 \cdot 3 \cdot 4$ , ຕໍ່ໄປໃຫ້ນັກຮຽນສາມາດພັດທະນາການ «ການກະຈາຍຂອງຈຳນວນ  $2 \cdot 3 \cdot 4$ ». ນີ້ແມ່ນຄວາມສາມາດກະຈາຍຕົວເລກ  $2 \cdot 3 \cdot 4$  ເຮັດເປັນຈຳນວນສອງອັນ. ຈາກຫຼາຍໆຊະນິດຂອງຮູບແບບທີ່ຜົນບວກເປັນ  $2 \cdot 3 \cdot 4$ , ລຳດັບທຳອິດຂອງການສອນແມ່ນການຄືດໄລ່ເລກທີ່ຊອກຫາຈຳນວນຕົວບວກກ່ອນ, ລຳດັບຕໍ່ໄປແມ່ນການສອນການຄືດໄລ່ເລກທີ່ຊອກຫາຈຳນວນຕົວຕັ້ງບວກ, ລຳດັບສຸດທ້າຍຂອງການສອນແມ່ນການຄືດໄລ່ເລກທີ່ຊອກຫາຫຼັງຈຳນວນຕົວບວກແລະຈຳນວນຕົວຕັ້ງບວກ. ການສອນຕາມລຳດັບດັ່ງກ່າວນີ້ໃຫ້ມີຄວາມສົມບູນຢືນຢັນ.

## 2. ລຳດັບທີ່ສອງ «ການບວກທີ່ເຮັດໝວດທີ່ຄົບ 5. … $\square + \triangle = 5$

(ການປະກອບແລະການກະຈາຍຂອງຈຳນວນ 5)

ຕົວເລກ «5» ຢູ່ກາງໃນຈຳນວນທຳມະຊາດທີ່ມີຫຼັກດູວ. ສະນັ້ນ, ເວລາຄືດໄລ່ດ້ວຍຫຼັງຕົວເລກທີ່ຫຼາຍກ່ວາ 5 ແລະ ຕົວເລກທີ່ໜ້ອຍກ່ວາ 5, ແນວຄືດໄລ່ໂດຍຕົວເລກໜຶ່ງເປັນຫຼາຍກ່ວາ 5 ເທົ່າໄດ້ຫຼື້ໜ້ອຍກ່ວາເຫຼົາໄດ້ຈະເປັນປະສິດທິພາບສູງທີ່ສຸດ ແລະ ຈະຕໍ່ເຮັດການໄລ່ເລກເປັນເກົ່າກ່ວາ, ທີ່ກຳກ່ວາ. ເພື່ອໃຫ້ນັກຮຽນສາມາດພັດທະນາໝວດ «ການປະກອບແລະການກະຈາຍຂອງຈຳນວນ 5» ນີ້, ຕອງການ 2 ຂັ້ນຕອນຂອງການຮຽນການສອນທີ່ມີການໂຄງການແລະຄວາມພົວພັນກັນດັ່ງລຸ່ມນີ້;

①  $3 + 2$

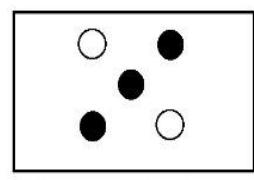
$$1 + 4 = 5, 2 + 3 = 5, 3 + 2 = 5, 4 + 1 = 5$$

ຮູບແບບມີຫຼັງໝົດ 4 ແບບເທິງນີ້. ຈຸດໝາຍສຳຄັນແມ່ນການສອນທີ່ນຳໃຊ້ສື່ການສອນຂອງຈິງເພື່ອຊ່ວຍໃຫ້ນັກຮຽນຮູ້ການແກ້ເລກຢ່າງມີຈິນຕະນາການກົງຮູບທີ່ເປັນສັນຍາລັກກັບຮູບແບບທີ່ຖືກສະແດງດ້ວຍຕົວເລກ. ໂດຍເຮັດວິທີດັ່ງກ່າວນີ້, ໃຫ້ນັກຮຽນສາມາດພັດທະນາໝວດ «ການປະກອບຂອງຈຳນວນ 5».

②  $5 = \square + 2$

ນັກຮຽນເຂົ້າໃຈ «ການປະກອບຂອງຈຳນວນ 5» ແລ້ວ, ຕໍ່ໄປຄູສອນ «ການກະຈາຍຂອງຈຳນວນ 5» ໃຫ້ນັກຮຽນຄືລຳດັບທີ່ໜຶ່ງກ່ອນອື່ນ, ເພື່ອກະຈາຍຈຳນວນ 5 ໃຫ້ເປັນຈຳນວນສອງອັນ, ຈາກໃນຮູບແບບຈຳນວນທັງນັ້ນທີ່ຜົນບວກເປັນ 5, ການສອນການໄລ່ເລກທີ່ຊອກຫາຕົວບວກກ່ອນ, ຕໍ່ໄປການສອນການໄລ່ເລກທີ່ຊອກຫາຕົວຕັ້ງບວກ, ທຳອິດການສອນການໄລ່ເລກທີ່ຊອກຫາຫຼັງຕົວບວກແລະຕົວຕັ້ງບວກ. ການສອນຕາມລຳດັບດັ່ງກ່າວນີ້ໃຫ້ມີຄວາມສົມບູນຢືນຢັນ.

ເວລາສອນລຳດັບນີ້, ການນຳໃຊ້ອຸປະກອນບັດໝາກກະລົກໃຫ້ມີຄວາມສົມບູນຢືນຢັນ. ໃຫ້ນັກຮຽນມັກເບິ່ງຈຳນວນ 5 ດ້ວຍຮ່າງຮູບຂອງໝາກກະລ່ອງແລ້ວຈຶ່ງຈະສາມາດເບິ່ງຈຳນວນການປະກອບດ້ວຍເມັດຂາວແລະເມັດດຳໄດ້.



$$5 = \square + 2$$

3. ລຳດັບທີສາມ 「ການບວກທີ່5ບວກໃຫ້ຈຳນວນແຫ່ງໜຶ່ງ ...  $5 + \square =$  」

ລຳດັບທີສາມແມ່ນການນຳໃຊ້ລຳດັບທຳອິດແລະລຳດັບທີສອງ. ລຳດັບນີ້ແມ່ນການສອນທີ່ໃຫ້ນັກຮຽນເປົ້າຈຳນວນ 6 • 7 • 8 • 9 ເປັນການປະກອບດ້ວຍຈຳນວນ 5 ແລະຈຳນວນອື່ນໆ. ກຳຕົວໆນີ້ແມ່ນການສອນ 「ການປະກອບແລະການກະຈາຍຂອງຈຳນວນ 6 • 7 • 8 • 9」 ຂຶ້ນຮັບພື້ນຖານຈຳນວນ 5 ໃຫ້ນັກຮຽນສາມາດເຂົ້າໃຈຄວາມຮູ້ດັ່ງກ່າວນີ້, ດ້ວຍວິທີການ 2 ຂັ້ນຕອນຂອງການຮຽນ-ການສອນທີ່ມີການໂຄງການແລະການພົວພັນກັນດັ່ງລຸ່ມນີ້.

① 5 + 2

$$5+1=6, 5+2=7, 5+3=8, 5+4=9$$

$$6+1=7, 6+2=8, 6+3=9$$

$$7+1=8, 7+2=9,$$

$$8+1=9$$

โดยยิ่งตัวจึงทำให้ว่าภาระสอนดังกล่าวแม่นรุบแบบทั้งหมดมีต้นทุนสูงมาก แต่ก็ต้องสอนให้ได้ผลลัพธ์ที่ดี จึงต้องหาวิธีการสอนที่เหมาะสมและมีประสิทธิภาพ ดังนั้น จึงต้องมีการวางแผนและจัดการอย่างระมัดระวัง ไม่ใช่แค่การสอนในห้องเรียน แต่ต้องรวมถึงการทำแบบฝึกหัด จัดทำใบงาน จัดทำใบประเมิน ฯลฯ ที่จะช่วยให้เด็กๆ สามารถเข้าใจและนำไปใช้ได้จริงๆ

$$\textcircled{2} \quad 4+3 = (4+1)+2 = 5+2$$

เช่นว่าเวลาสอนคิดໄล่กู่วักษ 4 + 3, ท้าให้มักรยุนคิด「มีบั้น 3 จาก 4 เป็นเท่าใด？」, มักรยุนจะสามารถรู้สึกว่ามีบั้น 4 แต่ต้องหาบั้น 3 ที่อยู่ในบั้น 4 ได้โดยวิธีสอนแบบวันนี้ให้มักรยุนสามารถรู้สึกได้ ขึ้นบัดดีปานได้ตามข้อดี.

ເພື່ອໃຫ້ນັກຮຽນສາມາດຮັດການຄິດໄລໍດີຂຶ້ນ,ຕ້ອງສອນລຳດັບຂອງການຄິດໄລໍທີ່ເຮັດເປັນໝວດຂອງຈຳນວນ5ໃຫ້ນັກຮຽນດັ່ງຕໍ່ໄປນີ້;

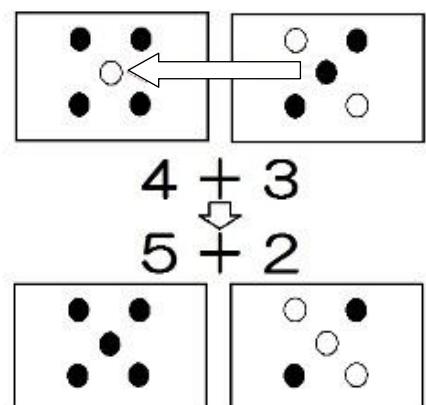
「ຖ້າຢາກເຮັດໝວດຂອງ 5, ຈະເຮັດ 4 ບວກກັບເທົ່າໄດ້ເປັນ 5?」 ... ຕອບ 「1」

「ດ້ານີ້ນັ້ນ, ກະຈາຍຈຳນວນ 3 ໃຫ້ເປັນຈຳນວນ 1 ແລະ ຈຳນວນຫຍໍ້?」 ... ຕອບ 「1 ແລະ 2」

ແລ້ວນີ້ຕໍ່ໄປຖາມດ້າລ່ມນີ້;

「5 ບວກໃຫ້ 2 ເປັນເທິງໄດ້?」 … ຕອບ 「7」

ເວລາສອນລຳດັບນີ້, ການນຳໃຊ້ອຸປະກອນບັດໝາກກະລົງກິການນຳໃຊ້ວິທີຄິດຂອງອຸປະກອນລູກຄົດໃຫ້ມີຄວາມສົມບູນຢືນຢັນ. ໃຫ້ນັກຮຽນມັກເບິ່ງຈຳນວນ 5 ດ້ວຍຮູບຮ່າງຂອງໝາກກະລົງກິກາແລ້ວຈຶ່ງຈະສາມາດເບິ່ງຈຳນວນການປະກອບດ້ວຍເມັດຂາວແລະເມັດດຳໄດ້. ອາດຈະຮັສີກວ່າການປະກອບຈຳນວນ 5 ຍາກແຕ່ຄວາມຈິງບໍ່ຍາກໂດຍນຳໃຊ້ອຸປະກອນບັດນີ້. ເພາະວ່ານັກຮຽນສາມາດເຮັດຮູບແບບ



ຢ່າງ 5 + □ ດ້ວຍພູງແຕ່ການເຫັນມີຄືດຈຳນວນ 5 ເທິງໆ ທີ່ມີຄືດຂອງເພື່ອເຮັດໝວດຂອງຈຳນວນ 5 ເທິ່ນນັ້ນ.

## ~ຈຳນວນ 10 ປະກອບດ້ວຍໝວດຂອງຈຳນວນ 5 ມີ 2 ໝວດ~

### 4. ລຳດັບທີສີ ການບວກທີ່ເຮັດໝວດທີ່ຄືບ 10.

… □ + △ = 10 (ການປະກອບແລະການກະຈາຍຂອງຈຳນວນ 10)

ລຳດັບທີສີແມ່ນການສອນ «ການປະກອບແລະການກະຈາຍຂອງຈຳນວນ 10». ນີ້ແມ່ນການນຳໃຊ້ ລຳດັບທີສອງແລະລຳດັບທີສາມທີ່ແມ່ນ «ການປະກອບແລະການກະຈາຍຂອງຈຳນວນ 6 • 7 • 8 • 9 » ຂຶ້ນກັບພື້ນຖານຈຳນວນ 5. ໃນລຳດັບນີ້ຄູສອນເຮັດໃຫ້ນັກຮຽນເບິ່ງຈຳນວນ 10 ເປັນການປະກອບດ້ວຍ ໝວດຂອງຈຳນວນ 5 ມີ 2 ໝວດເຊັ່ນ;  $5 + 5 = 10$ . ເພື່ອໃຫ້ນັກຮຽນສາມາດເຊົ້າໃຈຄວາມຮູ້ຕັ້ງກ່າວນີ້ ຕ້ອງການ 2 ຂັ້ນຕອນຂອງການຮຽນ-ການສອນທີ່ມີການໂຄງການແລະຄວາມພິວພັນກັນດັ່ງລຸ່ມນີ້.

$$\textcircled{1} \quad 6 + 4 = 5 + 1 + 4 = 5 + 5 = 10$$

ກ່ຽວກັບການຄິດໄລ່ທີ່ຜົນບວກເປັນ 10, ກຳຕົອງການປ່ຽນ “ການນັບ” ໃຫ້ເປັນ “ການຄິດໄລ່”. ເຊັ່ນວ່າ ອະທິບາຍກ່ຽວກັບຄິດໄລ່ຮູບແບບ  $6 + 4$ , ກ່ອນອື່ນ, ໂດຍຂຶ້ນກັບພື້ນຖານຈຳນວນ 5, ກະຈາຍຈຳນວນ 6 ທີ່ ແມ່ນຕົວຕັ້ງບວກໃຫ້ເປັນ «ຈຳນວນ 5 ແລະ ຈຳນວນ 1 ». ຕໍ່ໄປ, ປະກອບຈຳນວນ 5 ດ້ວຍການບວກກັບ ຈຳນວນ 1 ແລະ ຈຳນວນ 4 ທີ່ແມ່ນຕົວບວກ. ຫຼັງຈາກນັ້ນ, ສອນຢ່າງໃຫ້ນັກຮຽນສາມາດຄິດໄດ້ຈຳນວນ 10 ປະກອບດ້ວຍໝວດຂອງຈຳນວນ 5 ມີ 2 ໝວດເຊັ່ນ;  $5 + 5 = 10$ . ການສອນແນວນີ້ແມ່ນສຳຄັນຫຼາຍ.

$$5 + 5 = 10$$

$$6 + 4 = 5 + 1 + 4 = 5 + 5 = 10$$

$$7 + 3 = 5 + 2 + 3 = 5 + 5 = 10$$

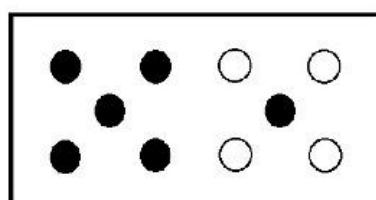
$$8 + 2 = 5 + 3 + 2 = 5 + 5 = 10$$

$$9 + 1 = 5 + 4 + 1 = 5 + 5 = 10$$

ການສອນໜີ່ລົ້ານີ້ໂດຍນຳໃຊ້ອຸປະກອນທີ່ແມ່ນຂອງຈິງຫຼືອຸປະກອນທີ່ແມ່ນຮູບພາບເພື່ອໃຫ້ນັກຮຽນມີ ປະສິດທິພາບຫຼາຍກ່າວ່າການສອນໂດຍຮູບແບບເທິ່ນນັ້ນ.

$$\textcircled{2} \quad 10 = \square + 4$$

ນັກຮຽນເຂົ້າໃຈ «ການປະກອບຂອງຈຳນວນ 10 » ແລ້ວ, ຕໍ່ໄປຈຶ່ງຈະສອນ «ການກະຈາຍຂອງຈຳນວນ 10 » ໃຫ້ນັກຮຽນຄືລຳດັບຂອງການສອນກ່ຽວກັບການກະຈາຍຈຳນວນ 5. ກ່ອນອື່ນ, ເພື່ອກະຈາຍຈຳນວນ 10 ໃຫ້ເປັນຈຳນວນສອງອັນ, ຈາກໃນຮູບແບບຈຳນວນທົວນທີ່ຜົນບວກເປັນ 10, ການສອນການໄລ່ເລັກ ທີ່ຊອກຫາຕົວບວກກ່ອນ, ຕໍ່ໄປ, ການສອນການໄລ່ເລັກທີ່ຊອກຫາທັງຕົວບວກແລະ ຕົວຕັ້ງບວກ. ການສອນຕາມລຳດັບດັ່ງກ່າວນີ້ໃຫ້ມີຄວາມສົມບູນຢື່ງ ຂຶ້ນ.



$$10 = \textcircled{4} + 4$$

ເວລາສອນລຳດັບນີ້, ການນຳໃຊ້ອຸປະກອນບັດໝາກກະລົງກໃຫ້ມີຄວາມສົມຜູນຢືນຢັນ. ໃຫ້ນັກຮຽນມັກເບິ່ງຈຳນວນ 5 ດ້ວຍຮູບຮ່າງຂອງໝາກກະລົງແລ້ວຈຶ່ງຈະສາມາດເບິ່ງຈຳນວນທີ່ປະກອບດ້ວຍເມັດຂາວແລະເມັດດຳໄດ້.

## 5. ລຳດັບຫີ້ຫັດ 「ການບວກທີ່ 10 ບວກໃຫ້ຈຳນວນແຫ່ງໜີ້ງ. ... 10 + □ = 」

ໃຫ້ນັກຮຽນສາມາດເຂົ້າໃຈການປະກອບແລະກະຈາຍຂອງຈຳນວນ 10 ພົງໝໍແລ້ວ, ການສອນລຳດັບທີ້ຫັດທີ່ແມ່ນລຳດັບສຸດຫ້າຍ. ລຳດັບນີ້ແມ່ນການນຳໃຊ້ແຕ່ລຳດັບທີ່ໜຶ່ງຫາລຳດັບທີ່ສີ່. ຈຸດປະສົງແມ່ນໃຫ້ນັກຮຽນສາມາດຄືດໄລ່ການບວກຈຳນວນທົວນີ້ເຜີນບວກເປັນແຕ່ 1 1 ຫາ 1 9 ໂດຍຄືດໃນໃຈ. ລຳດັບນີ້ແມ່ນການສອນທີ່ໃຫ້ນັກຮຽນເບິ່ງຈຳນວນແຕ່ 1 1 ຫາ 1 9 ເປັນການປະກອບດ້ວຍຈຳນວນ 10 ແລະ ຈຳນວນແຕ່ 1 ຫາ 9. ກໍຄືວ່ານີ້ແມ່ນການສອນ 「ການປະກອບແລະການກະຈາຍຂອງຈຳນວນແຕ່ 1 1 ຫາ 1 9」 ຂຶ້ນກັບພື້ນຖານຈຳນວນ 10 ໃຫ້ນັກຮຽນ. ເພື່ອໃຫ້ນັກຮຽນສາມາດເຂົ້າໃຈຄວາມຮູ້ດັ່ງກ່າວນີ້, ຕ້ອງການ 2 ຂັ້ນຕອນຂອງການຮຽນ-ການສອນທີ່ມີການໂຄງການແລະຄວາມພິວພັນກັນດັ່ງລຸ່ມນີ້.

$$\textcircled{1} \quad 10 + 2$$

$$10 + 1 = 11, 10 + 2 = 12, 10 + 3 = 13, 10 + 4 = 14, 10 + 5 = 15,$$

$$10 + 6 = 16, 10 + 7 = 17, 10 + 8 = 18, 10 + 9 = 19$$

ໂດຍຍົກຄົວຈຶງກໍຄືວ່າການສອນດັ່ງກ່າວແມ່ນຮູບແບບຫຼັງໝົດ 9 ຊະນິດເທິງນີ້. ແຕ່ໃນການປະກອບຂຶ້ນກັບພື້ນຖານຈຳນວນ 10, ເຮົາຕອບຜົນບວກໂດຍຕື່ມໃສ່ຕົວບວກຢູ່ຫຼັກທີ່ວ່າຍເຫຼື່ອມັນໄດ້. ຖ້າໃຫ້ນັກຮຽນສ້າງເກີດນັ້ນ, ສໍາລັບນັກຮຽນເຂົ້າໃຈນັ້ນຈ່າຍຫຼາຍ.

$$\textcircled{2} \quad 8 + 4 \rightarrow (8 + 2) + 2 \rightarrow 10 + 2$$

ຄືກັບລຳດັບທີ່ສາມ②, ໃນລຳດັບນີ້ຈຶ່ງຈຳເປັນຕ້ອງໃຫ້ນັກຮຽນສາມາດເຮັດການຄືດໄລ່ຂຶ້ນບໍ່ດີປານໄດ້ຕະຫຼອດ. ຕ້ອງການປ່ຽນ “ການນັບ” ໃຫ້ເປັນ “ການຄືດໄລ່”.

ເພື່ອໃຫ້ນັກຮຽນສາມາດເຮັດການຄືດໄລ່ດີຂຶ້ນ, ຕ້ອງສອນລຳດັບຂອງການຄືດໄລ່ທີ່ເຮັດເປັນໝວດຂອງຈຳນວນ 10 ໃຫ້ນັກຮຽນດັ່ງຕໍ່ໄປນີ້;

「ຫຼາຍາກເຮັດໝວດຂອງ 10, ຈະເຮັດ 8 ບວກກັບເຫຼົ່າໄດ້ເປັນ 10?」 ... ຕອບ 「2」

「ດັ່ງນັ້ນ, ກະຈາຍຈຳນວນ 4 ໃຫ້ເປັນຈຳນວນ 2 ແລະ ຈຳນວນຫຍັງ?」 ... ຕອບ 「2 ແລະ 2」

ແລວນີ້ຕໍ່ໄປຖາມດັ່ງລຸ່ມນີ້;

「10 ບວກໃຫ້ 2 ເປັນເຫຼົ່າໄດ້?」 ... ຕອບ 「12」

ຫຼັກໃຫ້ນັກຮຽນສາມາດເຂົ້າໃຈລຳດັບນີ້ແລ້ວ, ນັກຮຽນຈະ “ຄືດໄລ່” ການບວກທີ່ຈຳນວນທີ່ມີຫຼັກຄູວໄດ້.

ນັກຮຽນກາຍເປັນຄົດໄລ່ການບວກທີ່ມີຈຳນວນໃນຫຼັກຄູງວໄດ້ແລ້ວນັກຮຽນກຳຈະຄົດໄລ່ທາງຕັ້ງການບວກທີ່ຈຳນວນໝາຍຫຼັກໄດ້. ເພາະວ່າການຄົດໄລ່ທາງຕັ້ງການບວກທີ່ມີຈຳນວນໝາຍຫຼັກຖືກປະກອບດ້ວຍການຄົດໄລ່ການບວກທີ່ມີຈຳນວນຫຼັກຄູງວຢູ່ແຕ່ລະຫຼັກທີ່ວ່ອຍ.

ຄູຕົວອ່າງເຂົ້າໃຈບາດກ້າວສອນການບວກໃຫ້ນັກຮຽນ ຕາມບາດກ້າວແລະລຳດັບເໝາະສົມ. ຄູຕົວອ່າງເອົາເລກ, ບັນຫາໃຫ້ນັກຮຽນກົງກັບລຳດັບຄວາມເຂົ້າໃຈຂອງນັກຮຽນຢູ່ໃນຫຼັອງ. ຄູຕິດຕາມເບິ່ງ ນັກຮຽນ ແລະ ໃຫ້ນັກຮຽນສາມາດເຂົ້າໃຈການບວກແນ່ໃຈ, ຈຸດໝາຍນີ້ແມ່ນສຳຄັນທີ່ສຸດ.

『5ລຳດັບຂອງວິທີສອນການບວກເພື່ອໃຫ້ມີຄວາມສາມາດຄົດໄລ່ພື້ນຖານດີຂຶ້ນ.』

1. ລຳດັບທຳອິດ ... 「  $\square + \Delta = 2 \sim 4$  」
2. ລຳດັບທີ່ສອງ ... 「  $\square + \Delta = 5$  (ການປະກອບແລະການກະຈາຍຂອງຈຳນວນ 5) 」
3. ລຳດັບທີ່ສາມ ... 「  $5 + \square = 6 \sim 9$  」
4. ລຳດັບທີ່ສີ່ ... 「  $\square + \Delta = 10$  (ການປະກອບແລະການກະຈາຍຂອງຈຳນວນ 10) 」
5. ລຳດັບສຸດທ້າຍ ... 「  $10 + \square = 11 \sim 19$  」

ラオスの先生のための

# 小学算数科研修

JOCV23-1・小学校教諭 新井 宏

2012年10月22日(月)

## 『たし算の基礎計算力を伸ばす5ステップ』

問題：次のたし算の中で、子どもにとって最も易しい計算はどれですか？

また、最も難しい計算はどれですか？問題を、簡単なものから難しいものの順に並べかえましょう。

- A.  $5+2=$
- B.  $2+3=$
- C.  $8+4=$
- D.  $10+2=$

- E.  $1+3=$
- F.  $4+3=$
- G.  $6+4=$

易しい → ..... → ..... → ..... → ..... 難しい

正解は、E→B→A→F→D→G→C の順。

## ～たし算の基本は「5のまとめ」～

### 1. ファースト・ステップ「2・3・4をわけるたし算…○+△=4」

たし算の学習を進めていく上で、子どもたちにまず身につけさせなければならぬのが「2・3・4の数字を合成・分解」する力です。この力を身につけさせるためには、下の二つの手順のような系統立てた指導が必要です。

①  $1+3=4 \dots$

$1+1=2$ 、 $1+2=3$ 、 $1+3=4$ 、 $2+1=3$ 、 $2+2=4$ 、 $3+1=4$

この6つの計算を、数字として抽象的に暗記するのではなく、視覚化教材や具体物等を活用しながら、イメージ化された図と数字とを関連させながら概念づけていくことが重要です。これによって身につくのが「2・3・4の合成」の力です。

②  $4=○+△ \dots$

$4=3+\triangle \rightarrow 4=\circlearrowleft+1 \rightarrow 4=\circlearrowright+\triangle$

合成ができるようになったなら、次は「2・3・4を分解」する力の育成です。2・3・4を2つ以上の数の合成としてとらえ、それらを分ける力です。まず、和が2・

3・4になる整数の式から、たす数を求める計算、次にたされる数を求める計算、最後にたされる数もたす数も求める計算という順で指導することが効果的です。

## 2. セカンド・ステップ「5のまとめをつくるたし算…○+△=5（5の合成分解）」

「5」という数字は、一桁の自然数の中で中央に位置する数字です。つまり、5以上の数字についてイメージする際にも、5以下の数字についてイメージする際にも、5よりいくつ小さいか、または大きいかでイメージすることが最も効率的であり、かつ、計算を正確で迅速なものにすることにつながります。この「5を合成・分解」する力を身につけるためには、下の二つの手順のような系統立てた指導が必要です。

① $3+2 \dots$

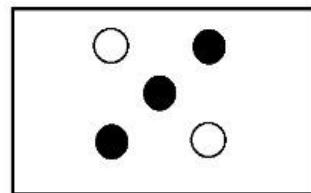
$$1+4=5, 2+3=5, 3+2=5, 4+1=5$$

この4つの計算を、数字として抽象的に暗記するのではなく、視覚化教材や具体物等を活用しながら、イメージ化された図と数字とを関連させながら概念づけていくことが重要です。これによって身につくのが「5の合成」の力です。

② $5=○+2 \dots$

5の合成ができるようになったなら、次はファースト・ステップ同様、「5を分解」する力の育成です。5を2つ以上の数の合成としてとらえ、それらを分ける力です。まず、和が5になる整数の式から、たす数を求める計算、次にたされる数を求める計算、最後にたされる数もたす数も求める計算という順で指導することが効果的です。

この指導の際には、サイコロカードを活用することが大変有効です。子どもたちは、5という数字をサイの目の形でイメージすることで、常に黒と白の点の数の合成としてとらえることができるようになります。



$$5 = ○ + 2$$

## 3. サード・ステップ「5にたすたし算…5+○= 」

サード・ステップは、ファースト・ステップとセカンド・

6・7・8・9という数字が、5と1～4の合成であるととらえさせる指導です。つまり、5をもとにした「6・7・8・9の合成・分解」する力の育成です。この力を身につけるためには、下の二つの手順のような系統立てた指導が必要です。

① $5+2 \dots$

$$5+1=6, 5+2=7, 5+3=8, 5+4=9$$

$$6+1=7, 6+2=8, 6+3=9$$

$$7+1=8, 7+2=9,$$

$$8+1=9$$

具体的に挙げればこれらの10式の指導になります。5をもとにした「6・7・8・9の合成」の力です。本来、9の合成だけでも8通りの式があるものを、5をもとにして大幅に少なくして考えさせることができます。

② $4+3 = (4+1)+2 = 5+2 \dots$

例えば $4+3$ について考える際に、「4から3ずすむといつか。」と考えさせていては、子どもたちは数えることから次へ進むことができないのです。これでは計算力は伸びないので。“数える”を“計算する”にしなければなりません。

そのためには、次のような5のまとめをつくる計算の思考過程を育まなければなりません。

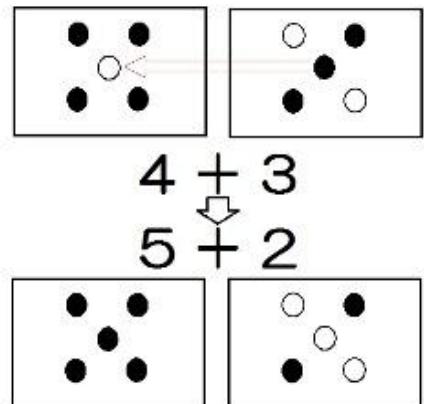
「5をつくるためには4にいくつたせばよいのか。」 … 「1。」

「3を何と何に分解すればよいのか。」 … 「1と2。」

そして、

「5と2をたすといつかになるのか。」 … 「7。」

この指導の際には、そろばんの珠の考え方やサイコロカードの活用が大変有効です。5をつくると言うと、難しい作業のように感じますが、このカードを使えば、煩雑な計算ではなく、白い点をうめるために黒い点を移動するだけで、いつのまにか $5+0$ という形に変えることができるのです。



## ～10は5のまとめ2つ分～

### 4. フォース・ステップ「10のまとめをつくるたし算…○+△=10(10の合成分解)」

フォース・ステップで子どもたちに身につけさせる力は、5をもとにした「10の合成・分解」の力です。サード・ステップの5をもとにした「6・7・8・9の合成・分解」と、セカンド・ステップの応用です。5のまとめを2つくって10を合成する（ $5+5=10$ ）という考え方です。この「10を合成・分解」する力を身につけさせるためには、下の二つの手順のような系統立てた指導が必要です。

$$\textcircled{1} 6+4 = 5+1 + 4 = 5+5 = 10 \dots$$

たして10になる2数の計算ですが、ここでもやはり数えさせるのではなく、計算させることが重要です。 $6+4$ を例にして説明すると、たされる数の6を「5と1」というように5をもとにして分解します。その1とたす数の4をたして5を合成します。それから $5+5=10$ というように、10を5のまとめ2つ分としてとらえさせるように指導することが重要です。

$$5+5 = 10$$

$$6+4 = 5+1 + 4 = 5+5 = 10$$

$$7+3 = 5+2 + 3 = 5+5 = 10$$

$$8+2 = 5+3 + 2 = 5+5 = 10$$

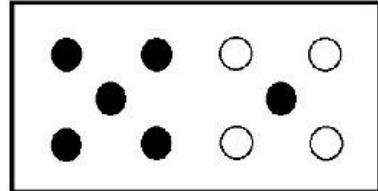
$$9+1 = 5+4 + 1 = 5+5 = 10$$

これらの指導は、数式で行うより、具体物や抽象化した視覚教材でイメージ化させる方が効果的です。式をつくること自体にはそれほど意味がありません。

②  $10 = O + 4 \dots$

10の合成ができるようになったなら、次は「10を分解」する力の育成です。5の分解同様、10を2つ以上の数の合成としてとらえ、それらを分ける力です。まず、和が10になる整数の式から、たす数を求める計算、次にたされる数を求める計算、最後にたされる数もたす数も求める計算という順で指導することが効果的です。

この指導の際にも、サイコロカードを活用することが大変有効です。子どもたちは、10という数字を5のサイの目の2つ分という形でイメージすることで、常に黒と白の点の数の合成としてとらえることができるようになります。



$$10 = O + 4$$

## 5. フィフス・ステップ「10にたすたし算… $10+O=$ 」

10の合成・分解の力を十分に身につけることができたのなら、いよいよ最後のフィフス・ステップへ進みます。このフィフス・ステップは今までの全てのステップの応用になります。和が19までの2数のたし算を暗算でできるようにすることが目標です。11～19という数字が、10と1～9の合成であるととらえさせる指導です。つまり、10をもとにした「11～19の合成・分解」する力の育成です。この力を身につけさせるためには、下の二つの手順のような系統立てた指導が必要です。

①  $10+2 \dots$

$$\begin{aligned} 10+1 &= 11, 10+2 = 12, 10+3 = 13, 10+4 = 14, 10+5 = 15, \\ 10+6 &= 16, 10+7 = 17, 10+8 = 18, 10+9 = 19 \end{aligned}$$

具体的に挙げればこれらの9式になります。しかし、10をもとにした合成は一の位にたす数を当てはめるだけでその和を求めることができるということにさえ気がつくば、子どもたちにとっても非常に易しいものとなります。

②  $8+4 \rightarrow (8+2) + 2 \rightarrow 10+2 \dots$

サード・ステップ②と同様、ここでも“数える”を“計算する”にしなければなりません。そのためには、次のような10のまとめをつくる計算の思考過程を育まなければなりません。

「10をつくるためには8にいくつたせばよいのか。」 … 「2。」

「4を何と何に分解すればよいのか。」 … 「2と2。」

そして、

「10と2をたすといくつになるのか。」 … 「12。」

このステップを習得させることで、一桁同士のたし算を“計算する”ことができるようになります。一桁同士のたし算ができるようになれば、大きな数のたし算の筆算も、各位の計算の連続なので、難なくこなすことができるようになるのです。

教師が、これらの系統性を理解した上で、適切な順序で適切な練習問題を、子どもの習

熟度と照らし合わせながら、段階を踏んで確実に定着させるように指導していくことが大切なのです。

## 『たし算の基礎計算力を伸ばす5ステップ』

1. ファースト・ステップ … 「  $○+△=2\sim4$  」
2. セカンド・ステップ … 「  $○+△=5$  (5の合成分解) 」
3. サード・ステップ … 「  $5+○=6\sim9$  」
4. フォース・ステップ … 「  $○+△=10$  (10の合成分解) 」
5. フィフス・ステップ … 「  $10+○=11\sim19$  」

MEMO